# 汽轮机实时仿真数学模型

#### 胥建群 曹祖庆

#### (东南大学)

[摘要]本文以国产 125 MW 机组为对象,介绍汽轮机在启停、事故和正常工况下,实时仿真的建模方法,其仿真结果与现场试验基本吻合。因此,本文所提建模方法具有普遍意义,可借鉴推 广到其它类型机组。

关键词 汽轮机 仿真 数学模型 分类号 TK262

0 前言

随着电力工业的不断发展以及社会对能 源需求的不断增长,各种类型的大容量发电 机组迅速建成并投入运行,使得机组结构更 趋复杂,且自动化水平也越来越高。高度自动 化一方面要求运行人员具有更高的操作技能 和应变能力。另一方面又减少了运行人员干 预的机会,甚至取消了运行人员的某些基本 操作。因此,利用计算机仿真技术脱离现场对 运行人员进行培训就成为一种迫切的需要。 为此本文,以国产 125 MW 机组为对象,按 基本定理和设备的工作机理,介绍仿真培训 用汽轮机主要数学模型的建模方法。

1 汽轮机通流部分

考虑到有些回热加热器可能因故障而停 用,这会使得同一进汽量条件下,因回热抽汽

收稿日期 1995-01-14

情况不同,流过各级组及各个缸的流量并非 是一固定不变的数值,另因在动态过程中,一 些中间容积的影响会使压力变化缓慢,亦将 影响到级组前后的压力。因此,应根据运行的 具体情况来确定级组前后的蒸汽参数,故以 一个级组为一模型单元。

#### 1.1 中间级组效率

级组内效率计算的关键是级组各项损 失的计算,而现行正常工况下的经验公式,很 难适应于低负荷和冲转过程。因此有必要寻 找能满足全工况范围的半经验公式,经分析 影响级组各项损失的主要因素可分为两大 类:一类 4h、与级组结构因素有关,可近拟认 为与级组理想焓降 H、成正比,另一类 Jh、是 随工况变化而变化较大的,如鼓风摩擦损失. 则在变工况过程中,级组总的损失 Jh 为

$$\varDelta h = \varDelta h_{\xi} + \varDelta h_{\eta} \tag{1}$$

$$ih_{\xi} = k_1 H_t \tag{2}$$

式中4,为损失系数,与机组类型、级组结构有关。

由汽轮机原理知, 鼓风摩擦损失可近似 认为与转速 n 的三次方成正比, 与通过级组 的容积流量 DV 成反比。为此, 从全工况范围 的考虑, 认为通过同一级组的蒸汽流量相同, 转速一样, 并以级组进口容积流量作为计算 容积流量, 则:

$$\Delta h_{\eta} = \frac{k_2 n^3}{DV} \tag{3}$$

式中心为与级组结构、型式有关的系数。

由此可进一步求得级组总的热效率:

$$\eta = \frac{(H_t - \bot h_{\xi} - \bot h_{\eta})}{H_t}$$
(4)

1.2 末级特性

由于最末级在工况变动时,级的焓降变 化较大,其反动度变化亦较大,故其流量与压 力的关系复杂,加上由于动叶进口有冲撞,使 效率亦有较大的变化。故先进行末级变工况 的详细计算得出效率及比流量系数,压力反 动度与压力比的关系曲线,拟合出数学表达 式作建模的依据。

在各项损失中,尤以余速损失 Jhc2 和湿 汽损失 Jhx 为最大,即

$$dh_{c2} = f(DV) \tag{5}$$

 $\Delta h_x = (H_{1t} - \Delta h_{e2})(1 - X_m)$  (6) 式中 *DV* 为低压缸出口容积流量, $X_m$  蒸汽干 度, $H_{1t}$  末级理想焓降,f() 函数式。

在扣除上述两项损失后,末级实际焓降 H<sub>1</sub>为

 $H_1 = B(H_{1t} - \Delta h_{e2} - \Delta h_x)$  (7) 其中 B 为修正系数,与各项损失有关。

调速系统和调节级数学模型可参见文 献〔3〕。

1.3 转子方程

汽轮发电机转子在转动时所具有的动能 E 与转子角速度ω之间具有如下关系:

$$E = \frac{I\omega^2}{2} \tag{8}$$

量。

当汽轮机在并网前冲转升速过程时,转 子动能的变化 $\frac{dE}{d\tau}$ 等于作用在转子上的有效 机械功率 N,即:

$$\frac{\mathrm{d}E}{\mathrm{d}\,\mathrm{r}} = N \times 10^3 \tag{9}$$

故可得

$$\frac{\mathrm{d}n}{\mathrm{d}\tau} = \frac{N}{An} \tag{10}$$

其中  $A = \frac{\pi^2 I}{9 \times 10^5}$ 

考虑到冲转前速度可能为 0,如末投盘 车冲转,造成 da/dr 趋于无穷大,而使仿真难 在计算机中进行,故采用另一种变化形式:

$$n = (n_o + \frac{2Nt}{A}) \tag{11}$$

其中1为仿真时间步长,n。前一时刻转速。

# 2 回热系统

在加热系统中,从加热器的传热特性可 分为表面式加热器及混合式加热器,混合式 加热器又因运行方式不同,可分为定压运行 和变压运行两类。尽管其结构形式、过程目的 各有所异,但它们具有相同的工作方式,即用 汽机抽汽加热给水,且在动态过程中所描述 的热力参数如汽侧蒸汽饱和压力,出水温度 都是相同的。因此可抓住其共性的特性,建立 一统一的模型。

加热器内与抽汽口间的压差,可根据动 量方程确定,阻力系数、传热系数由设计书和 试验数据得到。加热器内水位认为是由理想 比例调节器来控制的。根据水位、加热器间的 压力和几何高度差决定疏水流量。

典型的表面式加热器具有蒸汽冷却段、 凝结段、疏冷段三个部分传热面,其数学模型 可在一定假设条件下,根据质量方程、能量方 程、动量方程和状态方程求得。其假设条件如

下:

(1) 认为汽侧蒸汽压力在整个汽侧均匀 一致;

(2)认为凝结段汽侧工质处于饱和状态,对有蒸汽冷却段的加热器,当抽汽切除时,认为蒸汽冷却段的动态与凝结段一致;

(3)若管束金属不作为独立环节给出,则其影响分别各取一半归入汽侧和水侧考虑;

(4) 取壳体金属 20% 参加动态反应,且 该部分金属温度与汽侧饱和温度一致;

(5)略去沿管长方向的压力降,并认为 沿管长方向无导热和其它热交换,且管壁径 向无温差。

由上述假设,可导出如下几个主要关系 式。

汽侧空间压力变化率:

$$\frac{\mathrm{d}p_{s}}{\mathrm{d}\tau} = \frac{\sum Dh + Q_{s} - Q_{a} - A \sum D}{BV_{o} + M_{c} \frac{\mathrm{d}T}{\mathrm{d}p_{s}} + CV' + aV'P' \frac{\mathrm{d}h'}{\mathrm{d}P_{s}}}$$
(12)

汽側空间水容积变化率:  $\frac{dV'}{d\tau} = \frac{1}{\rho' - \rho''} \left[ \sum D - (V'' \frac{d\rho''}{dp_s} + V' \frac{d\rho'}{dp_s}) \times \frac{dp_s}{d\tau} \right]$ (13)

其中

$$\sum D = De + D_1 - D_0$$

$$\sum D_{\bullet}h_{\bullet} + D_{i}h_{i} - D_{0}h_{0}$$

$$V_{0} = V' + V''$$

$$A, B, C 为与焓、密度、压力有关的系数;$$

*D*、*h*、*ρ*、*P* 分别为工质 流量、焓、密度和压力;

下标 e、i、o、s 分别 与抽答、m 水进、出及 饱和温度;

上标/、"分别为饱四水、心回蒸汽;

V'、V''、Mc分別为加热器》、水容积和汽例空间有效金属热容;

α为加热器汽侧饱和水份额,由试验确 定;

*Q*<sub>8</sub>、*Q*<sub>n</sub>、*Q*<sub>a</sub>分别为加热器蒸汽冷却段、凝结段和疏冷段换热量。

上述公式适用于任何一种型式表面式 加热器。对于凝结器由于其传热机理以凝结 放热为主,可作为一循环水加热器处理。故属 于上述模型中  $Q_s, Q_a$  均为零的情况,只不过 此时  $\sum D, \sum Dh$  为流入流出凝结器汽侧空 间的工质质量、能量和。同样,对于汽水直接 接触进行传热的除氧器这样的混合加热器, 为上述公式中  $Q_s, Q_a, Q_b$  为零的特殊情况。且 此时  $\sum D, \sum Dh$  可理解为进出除氧器工质 质量和能量和。

## 3 差胀模型

差账是限制汽轮机启停速度和负荷变 化速率,妨碍安全生产的一个主要因素。因 此,有必要建立一高精度的数学模型,来准确 反映差账及其变化规律。

对 125 MW 汽轮机而言,影响高压缸差 胀的主要原因有转子热膨胀 J/m、汽缸热膨胀 J/m、转子离心力引起的轴向变形 J/un 及转子 在推力轴承处的轴向位移 J/u,其关系式为:

 $\exists z_{h} = \exists l_{rh} + \exists l_{uh} + \exists l_{d} - \exists l_{ch} \quad (14)$ 

对于低压缸差胀实质为低压转子热膨胀,其主要影响因素有低压转子热膨胀 Ja, 离心力引起的轴向变形 Ja 及轴向位移 Ja, 故有如下关系:

 $Jz_{t} = Jl_{t1} + Jl_{u1} - Jl_{d} \qquad (15)$ 

因此,计算差胀首先应准确计算各影响 因素。

#### 3.1 离心力引起的转子轴向变形

在启停过程中,随着转速的改变,汽轮 机转子所承受的离心力将要改变,这必然要 引起转子的轴向变形。尤其是对大容量机组, 这种效应更加明显。根据有限元计算可得到 一近似关系式:

$$\Delta l_{\rm uh} = -An^2 \left(\frac{E_{\rm o}}{L_{\rm o}} \sum \frac{L_{\rm i}}{E_{\rm i}}\right) \qquad (16)$$

式中E<sub>6</sub>、E<sub>1</sub>-分别为室温和某一温度下转子 材料的弹性模量;

Lo、Li-分别为转子长度和分段长度;

41  $\times 10^{-7}$  mm(r/min)<sup>2</sup>.

#### 3.2 推力轴承处转子轴向位移

推力轴承是转子的死点,随着工况的变 动,轴向推力要发生改变,造成推力盘连同转 子一起产生轴向位移。当推力改变方向时,转 子会在推力盘与两侧推力瓦块的间隙范围内 窜动。在实际运行中,影响轴向推力的因素主 要是高中压两部分的各自受力。由于通流部 分各级前后压力基本上决定该级焓降和反动 度,故将轴向位移简化为仅是各级段压差和 转速的函数。其关系如下:

$$\Delta l_{d} = \sum_{i=0}^{5} B_{i} A P_{i} + \sum_{i=0}^{m} C_{i} n^{2} \qquad (17)$$

其中 *dP*<sub>i</sub>(*i* = 1, .....5) 是调节级、高压 级、中压级、高压轴封,中压轴封之压差,*B*<sub>i</sub>、*C*<sub>i</sub> 为系数,由试验数据求得。

#### 3.3 汽缸转子热膨胀

在启停及负荷变动的暂态过程中,汽轮 机汽缸、转子的轴向热膨胀计算公式一般采 用:

$$\Delta l = \int_{0}^{z} \frac{\mathrm{d}z}{F(z)} \iint \mathcal{H}(x,\tau) \mathrm{d}F \qquad (18)$$

式中β-汽缸、转子材料的热膨胀系数;

F(z)一汽缸、转子的横截面积;

z--轴向坐标;

Ju = t − 6 为汽缸、转子在 Z 截面的温度 变化,6 − 初始温度 z − 坐标系,汽缸采 用直角坐标,转子采用柱坐标。 将式(17)进行离散化,得到下式:

$$\Delta l = \sum_{k=1}^{n} \frac{\Delta z_{\kappa}}{F(z_{\kappa})} \sum_{k=1}^{m} \beta_{1} \Delta l_{1} \Delta f_{1} \qquad (19)$$

式中f:(i = 1,2,....m)一单元面积;

 $F(z_i)(i = 1, 2, \dots, n)$ — 橫截面积;

山一单元面积上的平均温度。

由于转子结构和温度的轴对称性,可化 为二维问题处理,并按汽缸蒸汽进、出口,抽 汽口,轴封腔室进行分段。而汽缸由于内外半 径比已达 0.9 以上,可作平板处理,且汽缸、 法兰分别计算,然后用两截面积比加权求得。 另将汽缸分为高压、中压、中压排汽、前、后猫 抓等五段,分段处认为绝热。

当法兰内有汽流通过时,汽流与法兰接 触部分认为是第三类边界条件。而螺栓孔,当 通汽加热时,近似为等宽的连续通道。对于汽 缸、转子对流换热的边界温度,近似采用各分 段进、出口蒸汽温度的平均值,每段的放热系 数亦用一集中参数,其关系式由文献[2]提 供。

对于上述简化所造成的误差用有限元 计算加以修正。

### 4 仿真结果

在仿真过程中,除上述模型外,汽轮机 模型中还包括调节系统、旁路系统和泵组系 统等数学模型。

由基本定理,试验数据和设计数据推导 出的汽轮机模型能适用于实时仿真启停、正 常运行及频繁发生的异常工况和事故过程。 图 1 ~ 3 给出了几种类型的仿真结果,并与 试验数据比较,结果吻合良好。说明能正确反 映实际运行情况,可用于电站培训。

5 结论

• 382 •



图 1 正常工况下,汽轮机同步器减少 27%, 同时减煤扰动仿真与试验对比

1. 高压油动机行程(mm) 2. 主蒸汽压力(MPa) 3. 调节级后压力(MPa) 4. 发电机功率(WM) 5. #6 高加出水温(℃) 6 高压缸排汽温(℃) 7. 高压缸排汽压力(MPa) 8. #4 低加出水温(℃) 9. 凝汽器真空(KPa)





(1) 由基本定理导出的汽轮机模型适用于正常、启停和事故工况的实时仿真,其结果与实际机组运行情况基本相符,可作为电



图 3 滑参数启动,汽机差胀仿真(实线)
 与试验(虚线)曲线对比
 1.高压转子膨胀 2.高压缸膨胀 3.高压缸差胀

站培训。

(2) 本文提供的建模思想和仿真方法 具有普遍意义,可推广到其它机组。

• 384 •	热	能	动	カ	T	程	1996年
<ul> <li>(3) 也可利用该数学模型对大型机组</li> <li>的运行性能进行分析。</li> <li>参考文献</li> </ul>			2 西 川 3 晉 粁 4 猫	<ul> <li>2 西安交通大学、浙江大学,大型汽轮机起停及试验调整, 北京:电力工业出版社,1982,7</li> <li>3 胥建群,曹祖庆,汽轮机调速系统和调节级数学模型,汽 轮机技术,1991,30(1)</li> </ul>			
<ol> <li> <b>曹祖庆</b>, 汽轮机变工况特性, 北京; 1991,5     </li> </ol>	<b>k</b> 利电;	力出版	社	ې د ټ	」 定 叶 · 『	报,1994.24(9)	(渠源 编辑)

# 1997年《锅炉技术》征订启事

当今国内、外锅炉在高新技术、相关科学、边缘学科的相互渗透下,锅炉技术迅猛发展,专业科技期刊《锅炉技术》将成为您的忠诚朋友和得力助手!

《锅炉技术》是机械工业部发电设备行业科技情报网锅炉分网的网刊,是我国的中文 核心期刊。由上海锅炉厂主办,上海电气(集团)总公司主管。

《锅炉技术》主要刊载锅炉行业的方针政策,综合评述,最新科研成果、新产品、新工艺、新材料、新技术开发、老产品改进,国内外发展动向。主要栏目有"科研与设计";"燃料、 燃烧与流化床";"制造与质量";"运行和维修";"锅炉基本知识"还有"核电与容器";"标准 与管理";"国内外信息"。

"锅炉技术》月刊,自 1970年创刊以来,刊载了大量的重要论文和文献,推动了锅炉的 技术进步。欢迎国内从事锅炉科研、设计、制造、运行、教学、监督……的工程技术、师生、管 理等人员和单位订阅。近来因受印刷、纸张等费用上涨,为减少亏损自 1997年起适当调整 定价,每期 3 元,全年 12 期共 36 元(含邮资),优惠个人订阅每期 2 元,全年 12 期共 24 元 (含邮资)。统一收据。新订户未收到订单请速来信索取,莫失良机。

银行汇款帐号:上海工行闵行区办闵行分理处 236-04001684。

邮 汇 地 址:上海闵行华宁路 250 号《锅炉技术》编辑部

邮 政 编 码:200245

上海锅炉厂《锅炉技术》编辑部

this paper a comprehensive review is given to the various empirical formulas for calculating helicalribbed tubes in order to identify a relatively suitable empirical formula for helical-ribbed tubes when flue gas is used as a heat exchange medium. Key words: helical-ribbed tube, heat exchange

镇海石化总厂 200 t/h 燃油锅炉过热器管壁温度的测试分析=The Measurement and Analysis of Superheater Tube Wall Temperatures of a 200 t/h Oilfired Boiler at Zhenhai Petrochemical Works [刊,中]/Liu Linhua, Yu Qizhong (Harbin Institute of Technology), Liu Zhi (Shangfang Grain Depot of Harbin City)//Journal of Engineering for Thermal Energy & Power, 1996,11(6):375~378 The superheater tube wall temperature of two units of high-pressure natural-circulation D-shaped boilers was measured. An analysis and comparison were performed of the thermal excursion along the width of the superheater and metal temperatures along its tube length for both a radiation type and convection type superheater. Key words: boiler, superheater, wall temperature, test, calculation

汽轮机实时仿真数学模型=A Mathematica Model for Steam Turbine Real-Time Simulation [刊, 中]/Xu Jianques ( an Zuqing (Southeastern University) // Journal of Engineering for Thermal Energy & Power, 1996,11(6):379~384

Taking a home-made 125 MW steam turbine as an example, the authors described a method for setting up a model for real-time simulation during its start-up, shut-down, malfunctions and normal operation. The simulation results being basically in agreement with on-site test results, the model setting-up method proposed in this paper is suited for general application and can be used to other types of steam turbine units. Key words; steam turbine, simulation, mathematical model

大型锅炉炉膛三维流场微机数值模似计算=Numerical Simulation Talculation of Three-dimensional Flow Field of a Large-sized Boiler Furnace by the Use of Microcomputers [刊,中]/ Zhu Qing, Pang Lijun (Harbin Institute of Technology) // Journal of Engineering or Thermal Energy & Power, 1996,11(6):385~390

Based on the study of the internal flow field of a 300 MW boiler, we authors have proposed a threedimensional flow field calculation method suitable for small and nedium-sized computers, which makes it easy to conduct large-scale numerical simulation calculation by using microcomputers. Key words; boiler, numerical simulation, three dimensional flow field, computer

windows 环境下热网监控系统的设计=Design of a Heating Network Monitoring System Under "Windows" Environment [刊,中]/Qian Danyang, Shi Tingjin (Zhejiang University) // Journal of Engineering for Thermal Energy & Power, 1996, 11(6): 391~394

On the basis of an in-depth study of the existing computer-based monitoring system for heating networks this paper proposes a software and hardware design philosophy for a heating network monitoring system under a "Windows" environment. Described is a system configuration with basic framework for system software being given. In this regard some progress has been made in the study of application